Осенний тур. ТРИДЦАТЬ ПЯТЫЙ ТУРНИР ГОРОДОВ

Итог подводится по трем задачам, по которым достигнуты наилучшие результаты; баллы за пункты одной задачи суммируются

6-7 кл., базовый вариант 13 *октября* 2013 г.

Баллы	***Задачи***
2	1. Выразите единицу, используя все десять цифр и операции сложения, вычитания, умножения и деления.
	2. В турнире участвуют 100 борцов, все разной силы. Более сильный всегда побеждает более слабого. Борцы разбились на пары и провели поединки. Затем разбились на пары по-другому и снова провели поединки. Призы получили те, кто выиграл оба поединка.
1	а) Каково наибольшее возможное количество призёров?
3	б) Каково наименьшее возможное количество призёров?
4	3. Мальчик прошёл 3/8 моста и услышал, что к мосту приближается автомобиль со скоростью 60 км/ч. Если мальчик побежит назад, то встретится с автомобилем в начале моста, если же он побежит вперёд, то автомобиль настигнет его в конце моста. С какой скоростью бегает мальчик?
5	4. Наибольший общий делитель натуральных чисел a,b будем обозначать (a,b). Пусть натуральное число n таково, что $(n,n+1)<(n,n+2)<(n,n+3)$. Найдите $(n,n+6)$.
2	5. а) Найдется ли шестизначное число, записанное шестью различными цифрами 0, 1, 2, 3, 4, 5, такое, что после вычеркивания из него любых трех цифр получится составное трехзначное число?
4	б) Найдется ли десятизначное число, записанное десятью различными цифрами, такое, что после вычеркивания из него любых шести цифр получится составное четырехзначное число?

8-9 кл., базовый вариант 13 *октября* 2013 г.

Баллы	***Задачи***
3	1. В турнире участвуют 100 борцов, все разной силы. Более сильный всегда побеждает более слабого. Борцы разбились на пары и провели поединки. Затем разбились на пары по-другому и снова провели поединки. Призы получили те, кто выиграл оба поединка. Каково наименьшее возможное количество призёров?
4	2. Найдется ли десятизначное число, записанное десятью различными цифрами, такое, что после вычеркивания из него любых шести цифр получится составное четырехзначное число?
4	3. Наибольший общий делитель натуральных чисел a,b будем обозначать (a,b). Пусть натуральное число n таково, что $(n,n+1)<(n,n+2)<\ldots<(n,n+35)$. Докажите, что $(n,n+35)<(n,n+36)$.
5	4. На боковых сторонах AB и AC равнобедренного треугольника ABC отметили соответственно точки K и L так, что $AK=CL$ и $\angle ALK+\angle LKB=60°$. Докажите, что $KL=BC$.
6	5. На шахматной доске стоят 8 не бьющих друг друга ладей. Докажите, что можно каждую из них передвинуть ходом коня так, что они по-прежнему не будут бить друг друга.(Все восемь ладей передвигаются “одновременно”, то есть если, например, две ладьи бьют друг друга ходом коня, то их можно поменять местами.)

Осенний тур. ТРИДЦАТЬ ПЯТЫЙ ТУРНИР ГОРОДОВ

10-11 кл., базовый вариант 13 *октября* 2013 г.

Баллы	***Задачи***
3	1. Найдется ли десятизначное число, записанное десятью различными цифрами, такое, что после вычеркивания из него любых шести цифр получится составное четырехзначное число?
4	2. На сторонах треугольника ABC построены три подобных треугольника: YBA и ZAC – во внешнюю сторону, а XBC – внутрь (соответственные вершины перечисляются в одинаковом порядке). Докажите, что $AYXZ$ – параллелограмм.
4	3. Наименьшее общее кратное натуральных чисел a,b будем обозначать $[a,b]$. Пусть натуральное число n таково, что $[n,n+1] > [n,n+2] > \ldots > [n,n+35]$. Докажите, что $[n,n+35] > [n,n+36]$.
5	4. На шахматной доске стоят 8 не бьющих друг друга ладей. Докажите, что можно каждую из них передвинуть ходом коня так, что они по-прежнему не будут бить друг друга. (Все восемь ладей передвигаются “одновременно”, то есть если, например, две ладьи бьют друг друга ходом коня, то их можно поменять местами.)
6	5 Космический аппарат сел на неподвижный астероид, про который известно только, что он представляет собой шар или куб. Аппарат проехал по поверхности астероида в точку, симметричную начальной относительно центра астероида. Всё это время он непрерывно передавал свои пространственные координаты на космическую станцию, и там точно определили трехмерную траекторию аппарата. Может ли этого оказаться недостаточно, чтобы отличить, по кубу или по шару ездил аппарат?